Тренировочная работа №2 по МАТЕМАТИКЕ 11 класс

18 декабря 2019 года Вариант МА1910210 (профильный уровень)

Выполнена: ФИО	класс
----------------	-------

Инструкция по выполнению работы

На выполнение работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут). Работа состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий.

Часть 1 содержит 8 заданий базового уровня сложности с кратким ответом. Часть 2 содержит 4 задания повышенного уровня сложности с кратким ответом и 7 заданий повышенного и высокого уровней сложности с развёрнутым ответом.

Ответы к заданиям 1-12 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

Желаем успеха!

Справочные материалы

 $\sin^{2}\alpha + \cos^{2}\alpha = 1$ $\sin 2\alpha = 2\sin \alpha \cdot \cos \alpha$ $\cos 2\alpha = \cos^{2}\alpha - \sin^{2}\alpha$ $\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$ $\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$

© СтатГрад 2019-2020 уч. г.

Математика. 11 класс. Вариант МА1910210

Часть 1

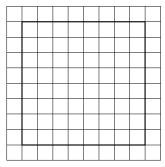
Ответом к каждому из заданий 1–12 является конечная десятичная дробь, целое число или последовательность цифр. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.

1	Больному прописано																	
	в день в течение 20 Какого наименьшего																	г.
	Ответ:						_•											
2	На диаграмме показ каждый месяц 2003 ли — температура в между наибольшей и Ответ дайте в градус	год гра	а. I аду име	То п сах эньп	ори Це пей	130Н ЛЬС	тал ия.	и у Оп	каз ред	ыва ели	иот те і	ся и по ,	меся диаг	цы, рам	, по име	вер раз	отик вност	а- гь
	24,0 -																	
	20,0 -																	
	16,0 -																	
	12,0 -																	
	8,0 -																	
	4,0 -																	
	0,0 -	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12					
	-4,0 -																	
	-8,0 -																	

Ответ:

[©] СтатГрад 2019-2020 уч. г.

3 На клетчатой бумаге с размером клетки 1×1 изображён квадрат. Найдите радиус вписанной в него окружности.



3

Ответ: .

4 Чтобы пройти в следующий круг соревнований, футбольной команде нужно набрать хотя бы 5 очков в двух играх. Если команда выигрывает, она получает 4 очка, в случае ничьей — 1 очко, если проигрывает — 0 очков. Найдите вероятность того, что команде удастся выйти в следующий круг соревнований. Считайте, что в каждой игре вероятности выигрыша и проигрыша одинаковы и равны 0,2.

Ответ: ______.

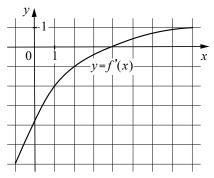
5 Найдите корень уравнения $4^{x-15} = \frac{1}{2}$.

Ответ: ______.

6 В треугольнике *ABC* угол *C* равен 90°, AB = 28, $\lg A = \frac{2\sqrt{10}}{3}$. Найдите *AC*.

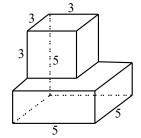
Ответ: ______.

Т На рисунке изображён график функции y = f'(x) — производной функции f(x). Найдите абсциссу точки, в которой касательная к графику функции y = f(x) параллельна прямой y = 6 - 2x или совпадает с ней.



Ответ: .

8 Найдите площадь поверхности многогранника, изображённого на рисунке (все двугранные углы прямые).



Ответ:

5

Часть 2

9 Найдите значение выражения $\left(\sqrt{62\frac{1}{2}} - \sqrt{22\frac{1}{2}}\right):\sqrt{\frac{5}{8}}$.

Ответ: ______

Камнеметательная машина выстреливает камни под некоторым острым углом к горизонту. Траектория полёта камня описывается формулой $y=ax^2+bx$, где $a=-\frac{1}{100}$ м $^{-1}$, $b=\frac{4}{5}$ — постоянные параметры, x (м) — смещение камня по горизонтали, y (м) — высота камня над землёй. На каком наибольшем расстоянии (в метрах) от крепостной стены высотой 6 м нужно расположить машину, чтобы камни пролетали над стеной на высоте не менее 1 метра?

Ответ: ______.

11 Имеется два сплава. Первый сплав содержит 5 % меди, второй — 14 % меди. Масса второго сплава больше массы первого на 7 кг. Из этих двух сплавов получили третий сплав, содержащий 10 % меди. Найдите массу третьего сплава. Ответ дайте в килограммах.

Ответ: .

12 Найдите точку максимума функции $y = (x-14)^2 e^{26-x}$.

Ответ: ______.

Для записи решений и ответов на задания 13—19 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

- 13 a) Решите уравнение $(2\cos^2 x + \sin x 2)\sqrt{5 \operatorname{tg} x} = 0$.
 - б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$.

© СтатГрад 2019–2020 уч. г.

- Все рёбра правильной треугольной пирамиды SBCD с вершиной S равны 18. Основание O высоты SO этой пирамиды является серединой отрезка SS_1 , M середина ребра SB, точка L лежит на ребре CD так, что CL:LD=7:2.
 - а) Докажите, что сечение пирамиды SBCD плоскостью S_1LM равнобедренная трапеция.
 - б) Вычислите длину средней линии этой трапеции.
- **15** Решите неравенство $\frac{3}{x^2 30x + 216} \ge \frac{1}{x^2 34x + 288}$.
- **16** В треугольнике ABC проведена биссектриса BK.
 - а) Докажите, что $\frac{AK}{AB} = \frac{CK}{BC}$.
 - б) Найдите площадь треугольника ABC, если AB=15, BC=13 и $BK=\frac{15\sqrt{13}}{4}$.
- По вкладу «А» банк в течение трёх лет в конце каждого года увеличивает на 10 % сумму, имеющуюся на вкладе в начале года, а по вкладу «Б» увеличивает эту сумму на 11 % в течение каждого из первых двух лет. Найдите наименьшее целое число процентов за третий год по вкладу «Б», при котором за все три года этот вклад всё ещё останется выгоднее вклада «А».
- **18** Найдите все значения параметра *a*, при каждом из которых система

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2(2y - x)a = 1 - 2a - 4a^2, \\ x^2 + y^2 - 4(x - y)a = 4 - 4a - 7a^2 \end{cases}$$

не имеет решений.

- 19 Известно, что a, b, c, d, e и f это числа 2, 3, 4, 5, 6 и 8, расставленные без повторений в некотором, возможно ином, порядке.
 - а) Может ли выполняться равенство $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f} = \frac{13}{2}$?
 - б) Может ли выполняться равенство $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f} = \frac{481}{120}$?
 - в) Какое наименьшее значение может принимать сумма $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$?

© СтатГрад 2019-2020 уч. г.

math100.ru
Ответы на тренировочные варианты 1910209-1910212 (профильный уровень) от 18.12.2019

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
1910209	10	28	3	0,32	13,5	16	- 4	146	3	100	45	- 9
1910210	4	26	4	0,28	14,5	12	1	126	4	70	63	16
1910211	154	5	3,5	0,375	- 3	48	3	3	7	16	80	- 8
1910212	276	7	2,5	0,0625	- 43	200	1	5	49	7	70	- 13

Баллы

0

Максимальный балл

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

- 13
- a) Решите уравнение $(2\cos^2 x + \sin x 2)\sqrt{5 \operatorname{tg} x} = 0$.
- б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$.

Решение.

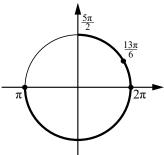
а) Преобразуем исходное уравнение:

$$(2\cos^2 x + \sin x - 2)\sqrt{5 \operatorname{tg} x} = 0; \begin{cases} \operatorname{tg} x = 0, \\ \operatorname{fg} x \ge 0, \\ 2\cos^2 x + \sin x - 2 = 0; \end{cases}$$

$$\begin{cases} \operatorname{tg} x = 0, \\ \operatorname{tg} x \ge 0, \\ \sin x - 2\sin^2 x = 0; \end{cases} \begin{cases} \operatorname{tg} x = 0, \\ \operatorname{tg} x \ge 0, \\ \sin x (1 - 2\sin x) = 0, \end{cases}$$

откуда $x=\pi n\,,\;n\in\mathbb{Z}\,,$ или $x=\frac{\pi}{6}+2\pi k\,,\;k\in\mathbb{Z}\,.$

б) Корни, принадлежащие отрезку $\left[\pi; \frac{5\pi}{2}\right]$, отберём с помощью единичной окружности.



Получаем π , 2π и $\frac{13\pi}{6}$.

Ответ: a) πn , $n \in \mathbb{Z}$; $\frac{\pi}{6} + 2\pi k$, $k \in \mathbb{Z}$; 6) π ; 2π ; $\frac{13\pi}{6}$.

14 Все рёбра правильной треугольной пирамиды SBCD с вершиной S равны 18. Основание O высоты SO этой пирамиды является серединой отрезка SS_1 , M — середина ребра SB, точка L лежит на ребре CD так, что CL:LD=7:2.

а) Докажите, что сечение пирамиды SBCD плоскостью S_1LM — равнобедренная трапеция.
б) Вычислите длину средней линии этой трапеции.

Содержание критерия

Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом

Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных

Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах

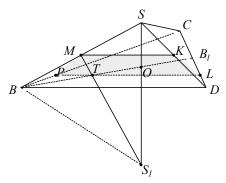
имеется верная последовательность всех шагов решения

Обоснованно получен верный ответ в пункте a или в пункте δ .

Решение.

ИЛИ

выше



а) Проведём медиану S_1M треугольника SS_1B , которая пересекает медиану BB_1 основания BCD в точке T. Тогда $BT:TB_1=4:5$, поскольку BO также является медианой треугольника SS_1B .

Точка L, в свою очередь, делит отрезок B_1D в отношении $DL:LB_1=4:5$, так как LD:LC=2:7 и отрезок BB_1 — медиана треугольника BCD. Следовательно, сторона сечения, проходящая через точки L и T, параллельна стороне BD основания BCD. Пусть прямая LT пересекает BC в точке P.

Проведём через точку M среднюю линию в треугольнике SBD, пусть она пересекает сторону SD в точке K. Тогда PMKL — искомое сечение, причём

[©] СтатГрад 2019-2020 уч. г.

BP = DL и BM = KD. Из равенства треугольников BMP и DKL получим MP = KL, а значит, PMKL — равнобедренная трапеция.

б) Большее основание PL трапеции равно 14, поскольку треугольник LPC правильный. Второе основание MK равно 9, поскольку MK — средняя линия правильного треугольника SBD. Следовательно, средняя линия трапеции равна $\frac{14+9}{2}$ = 11,5.

Ответ: б) 11,5.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта а, и	2
обоснованно получен верный ответ в пункте δ	
Верно доказан пункт а.	1
ИЛИ	
Верно решён пункт δ при отсутствии обоснований в пункте a	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечис-	0
ленных выше	
Максимальный балл	2

Решите неравенство $\frac{3}{x^2 - 30x + 216} \ge \frac{1}{x^2 - 34x + 288}$.

Решение

Запишем исходное неравенство в виде

$$\frac{3}{(x-12)(x-18)} - \frac{1}{(x-16)(x-18)} \ge 0;$$

$$\frac{3(x-16) - (x-12)}{(x-12)(x-16)(x-18)} \ge 0;$$

$$\frac{2x-36}{(x-12)(x-16)(x-18)} \ge 0;$$

$$\frac{2}{(x-12)(x-16)} \ge 0$$
 при условии $x \ne 18$.

Следовательно, x < 12, 16 < x < 18, x > 18.

Ответ: $(-\infty;12)$; (16;18); $(18;+\infty)$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Решение содержит вычислительную ошибку, возможно, приведшую	1
к неверному ответу, но при этом имеется верная последовательность	
всех шагов решения	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных	0
выше	
Максимальный балл	2

[©] СтатГрад 2019-2020 уч. г.

16 В треугольнике ABC проведена биссектриса BK.

- а) Докажите, что $\frac{AK}{AB} = \frac{CK}{BC}$.
- б) Найдите площадь треугольника ABC, если AB=15, BC=13 и $BK=\frac{15\sqrt{13}}{4}$.

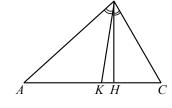
Решение.

3

а) Пусть $\angle ABC = 2\alpha$. Площади треугольников ABK и CBK равны

$$S_{ABK} = \frac{1}{2} \cdot AB \cdot BK \cdot \sin \alpha;$$

$$S_{CBK} = \frac{1}{2} \cdot BC \cdot BK \cdot \sin \alpha.$$



Тогда
$$\frac{S_{ABK}}{S_{CBK}} = \frac{AB}{BC}$$
.

Опустим из точки B высоту BH. Тогда

$$S_{ABK} = \frac{1}{2} \cdot AK \cdot BH \; ; \; S_{CBK} = \frac{1}{2} \cdot CK \cdot BH \; ; \; \frac{S_{ABK}}{S_{CBK}} = \frac{AK}{CK}.$$

Следовательно, $\frac{CK}{BC} = \frac{AK}{AB}$.

б) По теореме косинусов:

$$CK^{2} = BC^{2} + BK^{2} - 2BC \cdot BK \cdot \cos\alpha; \quad AK^{2} = AB^{2} + BK^{2} - 2AB \cdot BK \cdot \cos\alpha.$$

$$\frac{CK^{2}}{AK^{2}} = \frac{BC^{2}}{AB^{2}} = \frac{BC^{2} + BK^{2} - 2BC \cdot BK \cdot \cos\alpha}{AB^{2} + BK^{2} - 2AB \cdot BK \cdot \cos\alpha};$$

$$BK \left(AB^{2} - BC^{2}\right) = 2AB \cdot BC \cdot \left(AB - BC\right) \cdot \cos\alpha;$$

$$\cos\alpha = \frac{\left(AB + BC\right) \cdot BK}{2AB \cdot BC} = \frac{\left(15 + 13\right) \cdot 15\sqrt{13}}{2 \cdot 15 \cdot 13 \cdot 4} = \frac{7}{2\sqrt{13}}; \quad \sin\alpha = \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{13}}.$$
Тогда $\sin \angle ABC = \sin 2\alpha = 2 \cdot \frac{7}{2\sqrt{13}} \cdot \frac{\sqrt{3}}{2\sqrt{13}} = \frac{7\sqrt{3}}{26}.$

Площадь треугольника АВС равна

$$S_{ABC} = \frac{1}{2}AB \cdot BC \cdot \sin \angle ABC = \frac{1}{2} \cdot 15 \cdot 13 \cdot \frac{7\sqrt{3}}{26} = \frac{105\sqrt{3}}{4}.$$

Ответ: $\frac{105\sqrt{3}}{4}$.

© СтатГрад 2019-2020 уч. г.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта а, и	3
обоснованно получен верный ответ в пункте δ	
Обоснованно получен верный ответ в пункте δ .	2
ИЛИ	
Имеется верное доказательство утверждения пункта а, и при	
обоснованном решении пункта δ получен неверный ответ из-за	
арифметической ошибки	
Имеется верное доказательство утверждения пункта a .	1
ИЛИ	
При обоснованном решении пункта δ получен неверный ответ из-за	
арифметической ошибки.	
ИЛИ	
Обоснованно получен верный ответ в пункте δ с использованием	
утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных	0
выше	
Максимальный балл	3

По вкладу «А» банк в течение трёх лет в конце каждого года увеличивает на $10\,\%$ сумму, имеющуюся на вкладе в начале года, а по вкладу «Б» увеличивает эту сумму на $11\,\%$ в течение каждого из первых двух лет. Найдите наименьшее целое число процентов за третий год по вкладу «Б», при котором за все три года этот вклад всё ещё останется выгоднее вклада «А».

Решение.

Пусть на каждый тип вклада была внесена сумма S. На вкладе «А» каждый год сумма увеличивается на 10 %, т. е. умножается на коэффициент 1,1. Тогда через три года сумма на вкладе «А» будет равна $1,1^3S=1,331S$. Аналогично на вкладе «Б» сумма через три года будет равна

$$1,11^2 \left(1 + \frac{n}{100}\right) S = 1,2321 \left(1 + \frac{n}{100}\right) S,$$

где n — натуральное число.

По условию требуется найти наименьшее целое решение неравенства

$$1,2321\left(1+\frac{n}{100}\right)S > 1,331S;$$

$$n > 100 \cdot \frac{13310 - 12321}{12321} = 100 \cdot \frac{989}{12321} = 8,02...;$$

$$n = 9.$$

Ответ: 9.

© СтатГрад 2019–2020 уч. г.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	3
Верно построена математическая модель, решение сведено	2
к исследованию этой модели, получен неверный ответ из-за	
вычислительной ошибки	
Верно построена математическая модель, и решение сведено	1
к исследованию этой модели, при этом решение не завершено	
Решение не соответствует ни одному из критериев,	0
перечисленных выше	
Максимальный балл	3

Найдите все значения параметра а, при каждом из которых система

$$\begin{cases} x^2 + y^2 - 2(2y - x)a = 1 - 2a - 4a^2, \\ x^2 + y^2 - 4(x - y)a = 4 - 4a - 7a^2 \end{cases}$$

не имеет решений.

Решение.

18

5

Запишем систему в виде

$$\begin{cases} (x+a)^2 + (y-2a)^2 = (1-a)^2, \\ (x-2a)^2 + (y+2a)^2 = (2-a)^2. \end{cases}$$

Если $a \neq 1$, $a \neq 2$, то каждое уравнение системы есть уравнение окружности. В этом случае система не имеет решений тогда и только тогда, когда расстояние между центрами этих окружностей больше суммы или меньше модуля разности их радиусов.

При a = 1 имеем систему

$$\begin{cases} (x+1)^2 + (y-2)^2 = 0, \\ (x-2)^2 + (y+2)^2 = 1. \end{cases}$$

Эта система решений не имеет. Следовательно, a=1 удовлетворяет условию задачи.

При a = 2 имеем систему

$$\begin{cases} (x+2)^2 + (y-4)^2 = 1, \\ (x-4)^2 + (y+4)^2 = 0 \end{cases}$$

Эта система тоже решений не имеет. Следовательно, и a=2 удовлетворяет условию задачи.

Пусть $a \neq 1$, $a \neq 2$. Расстояние O_1O_2 между центрами $O_1\left(-a,2a\right)$ и $O_2\left(2a,-2a\right)$ равно $O_1O_2=\sqrt{9a^2+16a^2}=5|a|$, а радиусы равны $R_1=|1-a|$ и © Стат Град 2019–2020 уч. г.

 $R_2 = \left| 2 - a \right|$. Решим два неравенства: (1) $O_1O_2 > R_1 + R_2$ и 2) $O_1O_2 < \left| R_1 - R_2 \right|$. Неравенство (1) имеет вид $5\left| a \right| > |1 - a| + |2 - a|$; неравенство (2) имеет вид $5\left| a \right| < \left\| 1 - a \right| - |2 - a|$. Решением неравенства (1) являются промежутки $\left(-\infty; -1 \right)$ и $\left(\frac{3}{7}; +\infty \right)$. Решением неравенства (2) является промежуток $\left(-\frac{1}{5}; \frac{1}{5} \right)$.

Other: $\left(-\infty;-1\right);\left(-\frac{1}{5};\frac{1}{5}\right);\left(\frac{3}{7};+\infty\right).$

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	4
С помощью верного рассуждения получены все промежутки	3
значений а, возможно, с включением граничных точек	
С помощью верного рассуждения получены один или несколько	2
промежутков значений, возможно, с включением граничных точек а	
Задача верно сведена к исследованию взаимного расположения двух	1
окружностей (аналитически или графически)	
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных	0
выше	
Максимальный балл	4

Известно, что a, b, c, d, e и f — это числа 2, 3, 4, 5, 6 и 8, расставленные без повторений в некотором, возможно ином, порядке.

- а) Может ли выполняться равенство $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f} = \frac{13}{2}$?
- б) Может ли выполняться равенство $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f} = \frac{481}{120}$?
- в) Какое наименьшее значение может принимать сумма $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$?

Решение

- а) Пусть a=6, b=3, c=8, d=4, e=5 и f=2. Тогда $\frac{a}{b}+\frac{c}{d}+\frac{e}{f}=2+2+\frac{5}{2}=\frac{13}{2}$.
- б) Предположим, что это возможно. Дробь $\frac{481}{120}$ несократима и больше 4. Значит, наименьшее общее кратное знаменателей $b,\ d$ и f дробей $\frac{a}{b},\ \frac{c}{d},$ и $\frac{e}{f}$ делится на 120. Поэтому $b,\ d$ и f это либо числа 3, 5 и 8, расставленные без повторений в некотором порядке, либо числа 5, 6 и 8, © СтатГрад 2019–2020 уч. г.

расставленные без повторений в некотором порядке. В первом случае сумма $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f} \quad \text{меньше, чем} \quad \frac{6}{3} + \frac{6}{5} + \frac{6}{8} = \frac{79}{20} < 4 \,. \quad \text{Во втором случае сумма} \quad \frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$ меньше, чем $\frac{4}{5} + \frac{4}{6} + \frac{4}{8} = \frac{59}{30} < 4 \,. \quad \text{Пришли к противоречию.}$

Математика. 11 класс. Вариант МА1910210

в) Пусть числа $a,\ b,\ c,\ d,\ e$ и f таковы, что сумма $\frac{a}{b}+\frac{c}{d}+\frac{e}{f}$ принимает наименьшее возможное значение. Если знаменатели $b,\ d$ и f дробей $\frac{a}{b},\ \frac{c}{d}$ и $\frac{e}{f}$ — это не расставленные в некотором порядке числа $5,\ 6$ и $8,\$ то сумму $\frac{a}{b}+\frac{c}{d}+\frac{e}{f}$ можно уменьшить, поменяв местами то из чисел $5,\ 6$ или $8,\$ которое попало в числитель, c тем из чисел $2,\ 3$ или $4,\$ которое попало в знаменатель. Далее без ограничения общности считаем, что $b=5,\ d=6$ и f=8. Пусть $k,\ l,\ m$ и n — какие-либо положительные числа, удовлетворяющие

неравенствам k < m и l < n. Тогда $\left(\frac{m}{l} + \frac{k}{n}\right) - \left(\frac{k}{l} + \frac{m}{n}\right) = (m - k)\left(\frac{1}{l} - \frac{1}{n}\right) > 0$ и, следовательно, $\frac{m}{l} + \frac{k}{n} > \frac{k}{l} + \frac{m}{n}$. Поэтому если числители a, c и e дробей $\frac{a}{b} = \frac{a}{5}$, $\frac{c}{d} = \frac{c}{6}$ и $\frac{e}{f} = \frac{e}{8}$ не идут в порядке возрастания, то сумму $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$ можно уменьшить, поменяв между собой те из этих числителей, которые

Следовательно, наименьшее возможное значение суммы $\frac{a}{b} + \frac{c}{d} + \frac{e}{f}$ равно

$$\frac{2}{5} + \frac{3}{6} + \frac{4}{8} = \frac{7}{5}.$$

Ответ: а) Да; б) нет; в) $\frac{7}{5}$.

идут в порядке убывания.

Содержание критерия	Баллы
Получены верные обоснованные ответы в пунктах a , δ и ϵ	4
Получены верные обоснованные ответы в пунктах а и б, либо	3
получены верные обоснованные ответы в пунктах a и b	
Получен верный обоснованный ответ в пункте δ , пункты a и b не	2
решены, либо получен верный обоснованный ответ в пункте ϵ ,	
пункты a и δ не решены	
Приведён пример в пункте a , пункты δ и ϵ не решены	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных	0
выше	
Максимальный балл	4