

**Тренировочная работа №1 по МАТЕМАТИКЕ****11 класс**

28 сентября 2022 года

Вариант МА2210109

(профильный уровень)

Выполнена: ФИО \_\_\_\_\_ класс \_\_\_\_\_

**Инструкция по выполнению работы**

Работа по математике состоит из двух частей, включающих в себя 18 заданий. Часть 1 содержит 11 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развернутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–11 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 12–18 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

*Желаем успеха!***Справочные материалы**

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

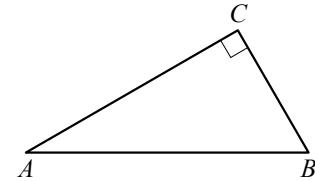
$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

**Часть 1**

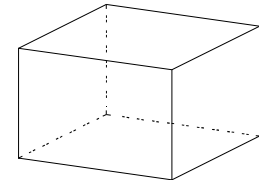
*Ответом к каждому из заданий 1–11 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.*

- 1 В треугольнике  $ABC$  угол  $C$  равен  $90^\circ$ ,  $AB = 4$ ,  $\sin A = \frac{\sqrt{19}}{10}$ . Найдите  $AC$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 2 Два ребра прямоугольного параллелепипеда, выходящие из одной вершины, равны 7 и 4. Объем параллелепипеда равен 140. Найдите третье ребро параллелепипеда, выходящее из той же вершины.



Ответ: \_\_\_\_\_.

- 3 При производстве в среднем из 2000 насосов 4 неисправных. Найдите вероятность того, что случайно выбранный насос окажется неисправным.

Ответ: \_\_\_\_\_.

- 4 Игральную кость бросили два раза. Известно, что четыре очка не выпали ни разу. Найдите при этом условии вероятность события «сумма выпавших очков окажется равна 11».

Ответ: \_\_\_\_\_.

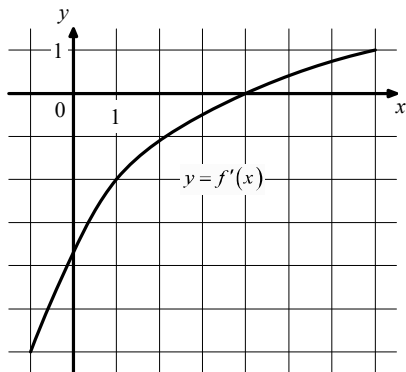
- 5 Найдите корень уравнения  $\sqrt{\frac{7x+13}{19}} = 5$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

6 Найдите значение выражения  $\frac{a^{-1}b^{-1}}{(2a)^2 b^{-3}} \cdot \frac{11}{a^{-3}b^2}$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

7 На рисунке изображён график функции  $y = f'(x)$  — производной функции  $f(x)$ . Найдите абсциссу точки, в которой касательная к графику функции  $y = f(x)$  параллельна прямой  $y = 6 - 2x$  или совпадает с ней.



Ответ: \_\_\_\_\_.

8 Рейтинг  $R$  интернет-магазина вычисляется по формуле  $R = r_{\text{пок}} - \frac{r_{\text{пок}} - r_{\text{экс}}}{(K+1)^m}$ ,

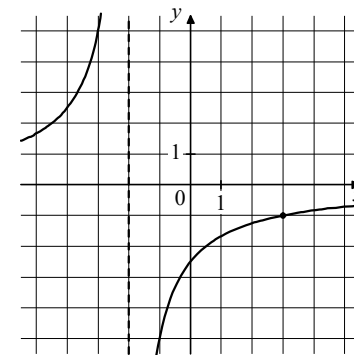
где  $m = \frac{0,02K}{r_{\text{пок}} + 0,1}$ ,  $r_{\text{пок}}$  — средняя оценка магазина покупателями,  $r_{\text{экс}}$  — оценка магазина, данная экспертами,  $K$  — число покупателей, оценивших магазин. Найдите рейтинг интернет-магазина, если число покупателей, оценивших магазин, равно 15, их средняя оценка равна 0,5, а оценка экспертов равна 0,22.

Ответ: \_\_\_\_\_.

9 Расстояние между пристанями  $A$  и  $B$  равно 60 км. Из  $A$  в  $B$  по течению реки отправился плот, а через 3 часа вслед за ним отправилась яхта, которая, прибыв в пункт  $B$ , тотчас повернула обратно и возвратилась в  $A$ . К этому времени плот проплыл 44 км. Найдите скорость яхты в неподвижной воде, если скорость течения реки равна 4 км/ч. Ответ дайте в км/ч.

Ответ: \_\_\_\_\_.

10 На рисунке изображён график функции вида  $f(x) = \frac{k}{x+a}$ . Найдите значение  $x$ , при котором  $f(x) = -0,125$ .



Ответ: \_\_\_\_\_.

11 Найдите точку минимума функции  $y = x^3 - 6x^2 + 15$ .

Ответ: \_\_\_\_\_.

## Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 12–18 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (12, 13 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

- 12** а) Решите уравнение  $\cos^2 x - \cos 2x = 0,75$ .  
 б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку  $\left[\frac{3\pi}{2}; 3\pi\right]$ .
- 13** Ребро куба  $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$  равно 2. На ребре  $BB_1$  отмечена точка  $K$  так, что  $KB = 1,6$ . Через точки  $K$  и  $C_1$  проведена плоскость  $\alpha$ , параллельная прямой  $BD_1$ .  
 а) Докажите, что  $A_1 P : P B_1 = 3 : 1$ , где  $P$  — точка пересечения плоскости  $\alpha$  с ребром  $A_1 B_1$ .  
 б) Найдите угол между плоскостями  $\alpha$  и  $BB_1 C_1$ .
- 14** Решите неравенство  $\frac{(3x-4)^2}{x-3} \geq \frac{16-24x+9x^2}{15-8x+x^2}$ .
- 15** 15 января планируется взять кредит в банке на 15 месяцев. Условия его возврата таковы:  
 — 1-го числа каждого месяца долг возрастает на  $r\%$  по сравнению с концом предыдущего месяца;  
 — со 2-го по 14-е число каждого месяца необходимо выплатить часть долга;  
 — 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.  
 Известно, что общая сумма выплат после полного погашения кредита на 40 % больше суммы, взятой в кредит. Найдите  $r$ .

- 16** Дан прямоугольный треугольник  $ABC$  с прямым углом  $C$ . На катете  $AC$  взята точка  $M$ . Окружность с центром  $O$  и диаметром  $CM$  касается гипотенузы в точке  $N$ .  
 а) Докажите, что прямые  $MN$  и  $BO$  параллельны.  
 б) Найдите площадь четырёхугольника  $BOMN$ , если  $CN = 9$  и  $AM : MC = 1 : 8$ .
- 17** Найдите все значения  $a$ , при каждом из которых уравнение  $(|x+2|+|x-a|)^2 - 4(|x+2|+|x-a|) + 3a(4-3a) = 0$  имеет ровно два решения.
- 18** На сайте проводится опрос, кого из 156 футболистов посетители сайта считают лучшим по итогам сезона. Каждый посетитель голосует за одного футболиста. На сайте отображается рейтинг каждого футболиста — доля голосов, отданных за него, в процентах, округлённая до целого числа. Например, числа 9,3, 10,5 и 12,7 округляются до 9, 11 и 13 соответственно.  
 а) Всего проголосовало 11 посетителей сайта, и рейтинг первого футболиста стал равен 45. Увидев это, Вася отдал свой голос за другого футболиста. Чему теперь равен рейтинг первого футболиста?  
 б) Вася проголосовал за некоторого футболиста. Могла ли после этого сумма рейтингов всех футболистов уменьшиться на 150 или больше?  
 в) Какое наибольшее значение может принимать сумма рейтингов всех футболистов?

[math100.ru](http://math100.ru)

Ответы на тренировочные варианты 2210109-2210112 (профильный уровень) от  
28.09.2022

	<b>1</b>	<b>2</b>	<b>3</b>	<b>4</b>	<b>5</b>	<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>	<b>9</b>	<b>10</b>	<b>11</b>
<b>2210109</b>	<b>3,6</b>	<b>5</b>	<b>0,002</b>	<b>0,08</b>	<b>66</b>	<b>2,75</b>	<b>1</b>	<b>0,43</b>	<b>16</b>	<b>38</b>	<b>4</b>
<b>2210110</b>	<b>17,5</b>	<b>9</b>	<b>0,005</b>	<b>0,04</b>	<b>69</b>	<b>4,5</b>	<b>- 4</b>	<b>0,76</b>	<b>26</b>	<b>- 19</b>	<b>20</b>
<b>2210111</b>	<b>6</b>	<b>2744</b>	<b>0,89</b>	<b>0,07</b>	<b>- 8</b>	<b>7</b>	<b>2</b>	<b>8</b>	<b>896</b>	<b>- 0,2</b>	<b>- 18</b>
<b>2210112</b>	<b>8</b>	<b>1728</b>	<b>0,9</b>	<b>0,06</b>	<b>- 4</b>	<b>5</b>	<b>4</b>	<b>7</b>	<b>640</b>	<b>0,4</b>	<b>- 4</b>