

Тренировочная работа №5 по МАТЕМАТИКЕ**11 класс**27 апреля 2023 года
Вариант МА2210510
(профильный уровень)

Выполнена: ФИО _____ класс _____

Инструкция по выполнению работы

Работа по математике состоит из двух частей, включающих в себя 18 заданий. Часть 1 содержит 11 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–11 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 12–18 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

*Желаем успеха!***Справочные материалы**

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

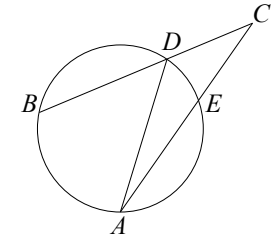
$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Часть 1

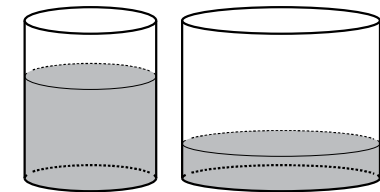
Ответом к каждому из заданий 1–11 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.

- 1 Найдите угол ACB , если вписанные углы ADB и DAE опираются на дуги окружности, градусные меры которых равны соответственно 122° и 34° . Ответ дайте в градусах.



Ответ: _____.

- 2 В цилиндрическом сосуде уровень жидкости достигает 384 см. На какой высоте будет находиться уровень жидкости, если её перелить во второй цилиндрический сосуд, диаметр которого в 8 раз больше диаметра первого? Ответ дайте в сантиметрах.



Ответ: _____.

- 3 В сборнике билетов по биологии всего 20 билетов, в 14 из них встречается вопрос по теме «Круглые черви». Найдите вероятность того, что в случайно выбранном на экзамене билете школьнику достанется вопрос по теме «Круглые черви».

Ответ: _____.

- 4 Стрелок стреляет по пяти одинаковым мишеням. На каждую мишень даётся не более двух выстрелов, и известно, что вероятность поразить мишень каждым отдельным выстрелом равна 0,8. Во сколько раз вероятность события «стрелок поразит ровно пять мишеней» больше вероятности события «стрелок поразит ровно четыре мишени»?

Ответ: _____.

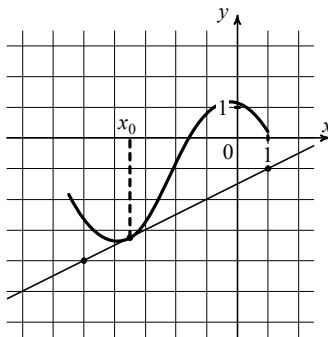
5 Решите уравнение $x^2 - 2x - 24 = 0$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите меньший из корней.

Ответ: _____.

6 Найдите значение выражения $\log_{20} 0,05 + \log_{0,5} 8$.

Ответ: _____.

7 На рисунке изображены график функции $y = f(x)$ и касательная к нему в точке с абсциссой x_0 . Найдите значение производной функции $f(x)$ в точке x_0 .



Ответ: _____.

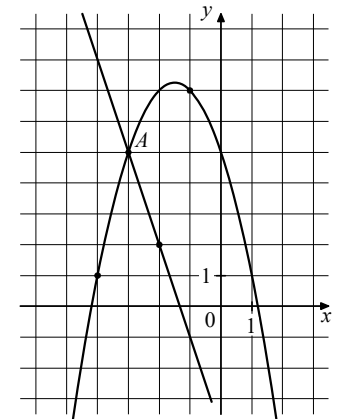
8 По закону Ома для полной цепи сила тока, измеряемая в амперах, равна $I = \frac{\varepsilon}{R + r}$, где ε — ЭДС источника (в вольтах), $r = 3$ Ом — его внутреннее сопротивление, R — сопротивление цепи (в омах). При каком наименьшем сопротивлении цепи сила тока будет составлять не более 3% от силы тока короткого замыкания $I_{\text{кз}} = \frac{\varepsilon}{r}$? Ответ дайте в омах.

Ответ: _____.

9 Расстояние между городами А и В равно 270 км. Из города А в город В выехал автомобиль, а через 2 часа следом за ним со скоростью 90 км/ч выехал мотоциклист, догнал автомобиль в городе С и повернул обратно. Когда он вернулся в А, автомобиль прибыл в В. Найдите расстояние от А до С. Ответ дайте в километрах.

Ответ: _____.

10 На рисунке изображены графики функций $f(x) = -3x - 4$ и $g(x) = ax^2 + bx + c$, которые пересекаются в точках А и В. Найдите абсциссу точки В.



Ответ: _____.

11 Найдите наименьшее значение функции $y = \frac{2}{3}x\sqrt{x} - 3x + 7$ на отрезке $[0; 13]$.

Ответ: _____.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 12–18 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (12, 13 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

12 а) Решите уравнение $\frac{\operatorname{ctg}^2 x - 3}{2 \sin x - 1} = 0$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$.

13 В правильной треугольной призме $ABC_1B_1C_1$ длина ребра основания равна 6, а длина бокового ребра равна 3.

а) Докажите, что сечение призмы плоскостью α , проходящей через середину ребра AB перпендикулярно отрезку, соединяющему середины рёбер BC и A_1B_1 , делит ребро AC в отношении 1:3, считая от вершины A .

б) Найдите площадь сечения призмы плоскостью α .

14 Решите неравенство $2^x \cdot 27^{\frac{1}{x}} < 24$.

15 15 января планируется взять кредит в банке на 11 месяцев. Условия его возврата таковы:

— 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 5 % по сравнению с концом предыдущего месяца;

— со 2-го по 14-е число каждого месяца нужно внести один платёж для погашения долга;

— 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.

Известно, что шестой платёж равен 65 тыс. рублей. Найдите сумму всех платежей, которые будут выплачены банку в течение всего срока кредитования.

16 В треугольнике ABC проведены биссектрисы BM и CN . Оказалось, что точки B , C , M и N лежат на одной окружности.

а) Докажите, что треугольник ABC равнобедренный.

б) Пусть P — точка пересечения биссектрис этого треугольника. Найдите площадь четырёхугольника $AMPN$, если $MN : BC = 4 : 5$, $BN = 12$.

17 Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{4^x - a} + \frac{a - 3}{\sqrt{4^x - a}} = 1$$

имеет ровно два различных корня.

18 Каждый из группы учащихся сходил в зоопарк или в музей, при этом возможно, что кто-то из них сходил и в зоопарк, и в музей. Известно, что в музее мальчиков было не более $\frac{3}{8}$ от общего числа учащихся группы,

посетивших музей, а в зоопарке мальчиков было не более $\frac{1}{3}$ от общего числа

учащихся группы, посетивших зоопарк.

а) Могло ли быть в группе 10 мальчиков, если дополнительно известно, что всего в группе было 20 учащихся?

б) Какое наибольшее количество мальчиков могло быть в группе, если дополнительно известно, что всего в группе было 20 учащихся?

в) Какую наименьшую долю могли составлять девочки от общего числа учащихся в группе без дополнительного условия пунктов а и б?

math100.ru

Ответы на тренировочные варианты 2210509-2210512 (профильный уровень) от
27.04.2023

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11
2210509	40	5	0,2	5,25	- 5	- 3	0,25	34,5	240	- 2	- 49
2210510	44	6	0,7	4,8	- 4	- 4	0,5	97	180	3	- 2
2210511	100	390	0,2	0,375	- 3	- 1	- 1,75	440	64	39	269
2210512	128	336	0,1	0,375	- 5	- 1	- 1,25	650	51	41	236

Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

12

а) Решите уравнение $\frac{\operatorname{ctg}^2 x - 3}{2 \sin x - 1} = 0$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие промежутку $\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$.

Решение.

а) Перейдём к системе:

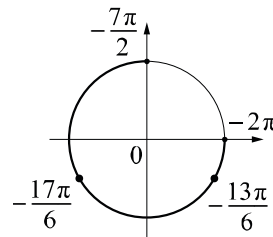
$$\begin{cases} \operatorname{ctg}^2 x = 3, \\ \sin x \neq \frac{1}{2}, \end{cases} \text{ откуда следует, что } \operatorname{ctg} x = -\sqrt{3} \text{ или } \operatorname{ctg} x = \sqrt{3} \text{ при условии } \sin x \neq \frac{1}{2}.$$

Получаем $x = -\frac{5\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbf{Z}$, или $x = -\frac{\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbf{Z}$.

б) Отберём корни на отрезке $\left[-\frac{7\pi}{2}; -2\pi\right]$

с помощью единичной окружности.

Получим числа $-\frac{17\pi}{6}; -\frac{13\pi}{6}$.



Ответ: а) $-\frac{5\pi}{6} + 2\pi k, k \in \mathbf{Z}; -\frac{\pi}{6} + 2\pi n, n \in \mathbf{Z}$; б) $-\frac{17\pi}{6}; -\frac{13\pi}{6}$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте а. ИЛИ Получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта а и пункта б	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

13

В правильной треугольной призме $ABC_1B_1C_1$ длина ребра основания равна 6, а длина бокового ребра равна 3.

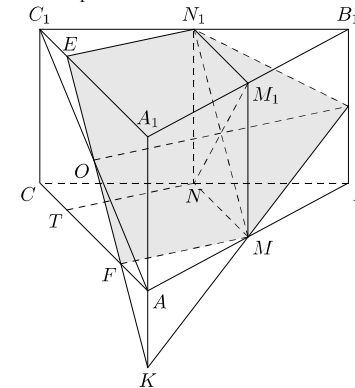
а) Докажите, что сечение призмы плоскостью α , проходящей через середину ребра AB перпендикулярно отрезку, соединяющему середины рёбер BC и A_1B_1 , делит ребро AC в отношении 1:3, считая от вершины A .

б) Найдите площадь сечения призмы плоскостью α .

Решение.

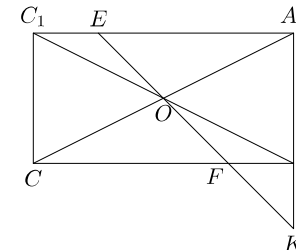
а) Пусть точки M, N, M_1 и N_1 — середины рёбер AB, BC, A_1B_1 и B_1C_1 . Четырёхугольник MNN_1M_1 является квадратом, поэтому его диагонали MN_1 и NM_1 перпендикулярны и точкой пересечения делятся пополам.

Пусть точка P — середина BB_1 , а точка O — центр грани ACC_1A_1 . Прямая OP перпендикулярна плоскости MNN_1 , поэтому прямая OP перпендикулярна прямой M_1N .



Прямая NM_1 перпендикулярна прямым MN_1 и OP , поэтому плоскость α проходит через пересекающиеся прямые MN_1 и OP .

Пусть прямые PM и AA_1 пересекаются в точке K , а прямая OK пересекает рёбра AC и A_1C_1 в точках F и E соответственно. Пятиугольник EN_1PMF — сечение призмы плоскостью α .



Из равенства треугольников PBM и KAM следует, что $AK = PB$, поэтому $A_1K = 3 + 1,5 = 4,5$. Из подобия треугольников EA_1K и FAK следует, что

$$\frac{EA_1}{FA} = \frac{AK}{AK} = \frac{3}{1}, \text{ а } C_1E = FA, \text{ значит, } CF = EA_1 \text{ и } CF : FA = 3 : 1.$$

б) Плоскости ABC и α пересекаются по прямой FM . Прямая M_1N перпендикулярна плоскости α , следовательно, плоскости MNN_1M_1 и α перпендикулярны. Значит, угол N_1MN — это линейный угол двугранного угла между плоскостями ABC и α , $\angle N_1MN = 45^\circ$. Пятиугольник $TFMBN$ является ортогональной проекцией пятиугольника EN_1PMF на плоскость ABC . Имеем

$$S_{CNT} = S_{C_1N_1E} = \frac{1}{4} \cdot \frac{1}{2} S_{ABC}, \text{ и аналогично } S_{FMA} = \frac{1}{8} S_{ABC}.$$

$$\text{Значит, } S_{TFMBN} = \frac{3}{4} S_{ABC} = \frac{27\sqrt{3}}{4} \text{ и } S_{EN_1PMF} = \frac{27\sqrt{3}}{4} : \cos 45^\circ = \frac{27\sqrt{6}}{4}.$$

Ответ: б) $\frac{27\sqrt{6}}{4}$.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и обоснованно получен верный ответ в пункте b	3
Получен обоснованный ответ в пункте b . ИЛИ Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и при обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта a . ИЛИ При обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки. ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте b с использованием утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	3

14

Решите неравенство $2^x \cdot 27^{\frac{1}{x}} < 24$.

Решение.

Прологарифмируем обе части неравенства по основанию 2:

$$x + \frac{1}{x} \log_2 27 < \log_2 24; \quad \frac{x^2 - x \log_2 24 + \log_2 27}{x} < 0;$$

$$\frac{x^2 - (3 + \log_2 3)x + 3 \log_2 3}{x} < 0; \quad \frac{(x-3)(x - \log_2 3)}{x} < 0,$$

откуда $x < 0$ или $\log_2 3 < x < 3$.

Ответ: $(-\infty; 0); (\log_2 3; 3)$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного включением точек $\log_2 3$ и/или 3. ИЛИ Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

15

15 января планируется взять кредит в банке на 11 месяцев. Условия его возврата таковы:

- 1-го числа каждого месяца долг возрастает на 5 % по сравнению с концом предыдущего месяца;
 - со 2-го по 14-е число каждого месяца нужно внести один платёж для погашения долга;
 - 15-го числа каждого месяца долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на 15-е число предыдущего месяца.
- Известно, что шестой платёж равен 65 тыс. рублей. Найдите сумму всех платежей, которые будут выплачены банку в течение всего срока кредитования.

Решение.

Пусть сумма кредита равна S . По условию долг перед банком по состоянию на 15-е число должен уменьшаться до нуля равномерно:

$$S; \frac{10S}{11}; \dots; \frac{2S}{11}; \frac{S}{11}; 0.$$

Первого числа каждого месяца долг возрастает на 5%, значит, последовательность размеров долга по состоянию на 1-е число такова:

$$1,05S; 1,05 \cdot \frac{10S}{11}; \dots; 1,05 \cdot \frac{2S}{11}; 1,05 \cdot \frac{S}{11}.$$

Таким образом, платежи должны быть следующими:

$$0,05S + \frac{S}{11}; \frac{10 \cdot 0,05S + S}{11}; \dots; \frac{2 \cdot 0,05S + S}{11}; \frac{0,05S + S}{11}.$$

Шестой платёж составит $\frac{6 \cdot 0,05 \cdot S + S}{11} = \frac{1,3S}{11}$.

Сумма всех платежей равна:

$$S + S \cdot 0,05 \left(1 + \frac{10}{11} + \dots + \frac{2}{11} + \frac{1}{11} \right) = S \left(1 + \frac{12 \cdot 0,05}{2} \right) = 1,3S.$$

Значит, банку будет выплачено $65\,000 \cdot 11 = 715\,000$ рублей.

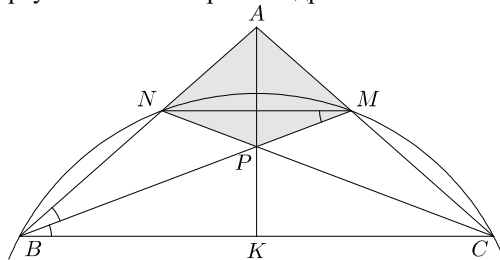
Ответ: 715 000 рублей.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Верно построена математическая модель	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

- 16** В треугольнике ABC проведены биссектрисы BM и CN . Оказалось, что точки B, C, M и N лежат на одной окружности.
 а) Докажите, что треугольник ABC равнобедренный.
 б) Пусть P — точка пересечения биссектрис этого треугольника. Найдите площадь четырёхугольника $AMPN$, если $MN : BC = 4 : 5, BN = 12$.

Решение.

а) Вписанные углы MBN и MCN опираются на одну и ту же дугу MN окружности, значит, эти углы равны. Поскольку BM и CN — биссектрисы углов ABC и BCA , получаем, что $\angle ABC = 2\angle MBN = 2\angle MCN = \angle BCA$, и, следовательно, треугольник ABC равнобедренный.



б) Пусть прямая AP пересекает сторону BC в точке K . Тогда AK — высота и медиана равнобедренного треугольника ABC . По свойству биссектрисы треугольника $AM : MC = AB : BC = AC : BC = AN : NB$. Значит, по обратной теореме Фалеса прямые MN и BC параллельны. Тогда $\angle BMN = \angle CBM = \angle MBN$ и треугольник BMN равнобедренный, $BN = MN$.

По условию $MN : BC = 4 : 5$. Пусть $BN = MN = 4a, BC = 5a$ (где $a = \frac{12}{4} = 3$).

Поскольку $AN : NB = AB : BC$, получаем, что $\frac{AN}{4a} = \frac{AN + 4a}{5a}$, следовательно,

$$AN = 16a \text{ и } AB = 4a + 16a = 20a.$$

Из прямоугольного треугольника ABK находим

$$AK = \sqrt{AB^2 - BK^2} = \sqrt{400a^2 - \frac{25}{4}a^2} = 5a\sqrt{16 - \frac{1}{4}} = \frac{15}{2}\sqrt{7}a.$$

Отрезок BP — биссектриса треугольника ABK , значит,

$$AP : PK = AB : BK = 20 : \frac{5}{2} = 8 : 1, \text{ следовательно, } AP = \frac{8}{9}AK = \frac{20}{3}\sqrt{7}a.$$

Прямая AK перпендикулярна прямой BC , прямая BC параллельна прямой MN , значит, прямая AP перпендикулярна прямой MN . Тогда

$$S_{AMPN} = \frac{1}{2}MN \cdot AP = \frac{1}{2} \cdot 12 \cdot \frac{20}{3}\sqrt{7} \cdot 3 = 120\sqrt{7}.$$

Ответ: б) $120\sqrt{7}$.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и обоснованно получен верный ответ в пункте b	3
Получен обоснованный ответ в пункте b . ИЛИ Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и при обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта a . ИЛИ При обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки. ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте b с использованием утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	3

17 Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение

$$\sqrt{4^x - a} + \frac{a-3}{\sqrt{4^x - a}} = 1$$

имеет ровно два различных корня.

Решение.

Исходное уравнение имеет ровно два различных корня тогда и только тогда, когда уравнение

$$\sqrt{t-a} + \frac{a-3}{\sqrt{t-a}} = 1$$

имеет ровно два различных положительных корня.

При $t \leq a$ левая часть уравнения не определена, а при $t > a$ уравнение принимает вид $t-3 = \sqrt{t-a}$. При $t < 3$ левая часть полученного уравнения отрицательна, а правая неотрицательна, поэтому полученное уравнение не имеет корней, меньших 3.

При $t > a$ и $t \geq 3$ получаем: $t^2 - 6t + 9 = t - a$; $t^2 - 7t + (a+9) = 0$.

Дискриминант полученного квадратного уравнения равен

$$49 - 4(a+9) = 13 - 4a.$$

Значит, уравнение имеет ровно два корня при $a < \frac{13}{4}$.

При каждом из значений $a < \frac{13}{4}$ графиком функции $f(t) = t^2 - 7t + (a+9)$ является парабола с ветвями, направленными вверх, и вершиной в точке $(\frac{7}{2}; a - \frac{13}{4})$. Пусть t_0 — меньший корень уравнения $f(t) = 0$. Поскольку $3 < \frac{7}{2}$ и $a < \frac{13}{4} < \frac{7}{2}$, неравенства $t_0 \geq 3$ и $t_0 > a$ выполняются тогда и только тогда, когда $f(3) \geq 0$ и $f(a) > 0$. Получаем: $a - 3 \geq 0$ и $a^2 - 6a + 9 > 0$, следовательно, $a > 3$.

Таким образом, исходное уравнение имеет ровно два различных корня при

$$3 < a < \frac{13}{4}.$$

Ответ: $3 < a < \frac{13}{4}$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	4
С помощью верного рассуждения получено множество значений a , отличающееся от искомого только включением точки $a = 3, 25$	3
С помощью верного рассуждения получено множество значений a , отличающееся от искомого только включением двух точек $a = 3, a = 3, 25$. ИЛИ Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом верно выполнены все шаги решения	2
Задача сведена к исследованию корней уравнения $t^2 - 7t + (a+9) = 0$ при условиях $t > a$ и $t \geq 3$ для всех значений a	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	
	4

18 Каждый из группы учащихся сходил в зоопарк или в музей, при этом возможно, что кто-то из них сходил и в зоопарк, и в музей. Известно, что в музее мальчиков было не более $\frac{3}{8}$ от общего числа учащихся группы, посетивших музей, а в зоопарке мальчиков было не более $\frac{1}{3}$ от общего числа учащихся группы, посетивших зоопарк.

а) Могло ли быть в группе 10 мальчиков, если дополнительно известно, что всего в группе было 20 учащихся?

б) Какое наибольшее количество мальчиков могло быть в группе, если дополнительно известно, что всего в группе было 20 учащихся?

в) Какую наименьшую долю могли составлять девочки от общего числа учащихся в группе без дополнительного условия пунктов а и б?

Решение.

а) Если группа состоит из 5 мальчиков, посетивших только музей, 5 мальчиков, посетивших только зоопарк, и 10 девочек, сходивших и в музей, и в зоопарк, то условие задачи выполнено. Значит, в группе из 20 учащихся могло быть 10 мальчиков.

б) Предположим, что мальчиков было 11 или больше. Тогда девочек было 9 или меньше. Музей посетило не более 5 мальчиков, поскольку если бы их было 6 или больше, то доля мальчиков в музее была бы не меньше $\frac{6}{6+9} = \frac{2}{5}$,

что больше $\frac{3}{8}$. Аналогично зоопарк посетило не более 4 мальчиков,

поскольку $\frac{5}{5+9} = \frac{5}{14} > \frac{1}{3}$, но тогда хотя бы два мальчика не посетили ни музей, ни зоопарк, что противоречит условию.

В предыдущем пункте было показано, что в группе из 20 учащихся могло быть 10 мальчиков. Значит, наибольшее количество мальчиков в группе — 10.

в) Предположим, что некоторый мальчик сходил и в музей, и в зоопарк. Если бы вместо него в группе присутствовало два мальчика, один из которых посетил только музей, а другой — только зоопарк, то доля мальчиков и в музее, и в зоопарке осталась бы прежней, а общая доля девочек стала бы меньше. Значит, для оценки наименьшей доли девочек в группе можно считать, что каждый мальчик сходил или только в музей, или только в зоопарк.

Пусть в группе m_1 мальчиков, посетивших музей, m_2 мальчиков, посетивших зоопарк, и d девочек. Оценим долю девочек в этой группе. Будем считать, что все девочки ходили и в музей, и в зоопарк, поскольку их доля в группе от этого не изменится, а доля в музее и в зоопарке не уменьшится.

По условию $\frac{m_1}{m_1+d} \leq \frac{3}{8}$, $\frac{m_2}{m_2+d} \leq \frac{1}{3}$, значит, $\frac{m_1}{d} \leq \frac{3}{5}$, $\frac{m_2}{d} \leq \frac{1}{2}$. Тогда

$\frac{m_1+m_2}{d} \leq \frac{11}{10}$, поэтому для доли девочек в группе выполняется оценка

$$\frac{d}{m_1+m_2+d} = \frac{1}{\frac{m_1+m_2}{d}+1} \geq \frac{1}{\frac{11}{10}+1} = \frac{10}{21}.$$

Если группа состоит из 6 мальчиков, посетивших только музей, 5 мальчиков, посетивших только зоопарк, и 10 девочек, сходящих и в музей, и в зоопарк, то условие задачи выполнено, а доля девочек в группе равна $\frac{10}{21}$.

Ответ: а) да; б) 10; в) $\frac{10}{21}$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в пунктах <i>a</i> , <i>б</i> и <i>в</i>	4
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>в</i> , и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> или <i>б</i>	3
Обоснованно получены верные ответы в пунктах <i>a</i> и <i>б</i> . ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>в</i>	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>a</i> или <i>б</i>	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	4