

Тренировочная работа №1 по МАТЕМАТИКЕ**11 класс**

3 октября 2023 года

Вариант МА2310112

(профильный уровень)

Выполнена: ФИО _____ класс _____

Инструкция по выполнению работы

Работа по математике состоит из двух частей, включающих в себя 19 заданий. Часть 1 содержит 12 заданий с кратким ответом базового и повышенного уровней сложности. Часть 2 содержит 7 заданий с развёрнутым ответом повышенного и высокого уровней сложности.

На выполнение экзаменационной работы по математике отводится 3 часа 55 минут (235 минут).

Ответы к заданиям 1–12 записываются в виде целого числа или конечной десятичной дроби.

При выполнении заданий 13–19 требуется записать полное решение на отдельном листе бумаги.

При выполнении заданий можно пользоваться черновиком. Записи в черновике не учитываются при оценивании работы.

Баллы, полученные Вами за выполненные задания, суммируются.

Постарайтесь выполнить как можно больше заданий и набрать наибольшее количество баллов.

*Желаем успеха!***Справочные материалы**

$$\sin^2 \alpha + \cos^2 \alpha = 1$$

$$\sin 2\alpha = 2 \sin \alpha \cdot \cos \alpha$$

$$\cos 2\alpha = \cos^2 \alpha - \sin^2 \alpha$$

$$\sin(\alpha + \beta) = \sin \alpha \cdot \cos \beta + \cos \alpha \cdot \sin \beta$$

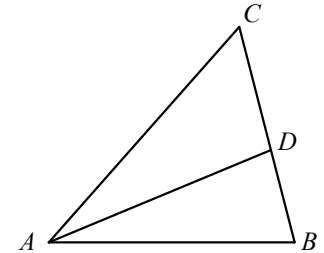
$$\cos(\alpha + \beta) = \cos \alpha \cdot \cos \beta - \sin \alpha \cdot \sin \beta$$

Часть 1

Ответом к каждому из заданий 1–12 является целое число или конечная десятичная дробь. Запишите ответы к заданиям в поле ответа в тексте работы.

1

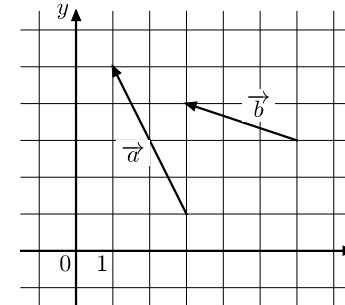
В треугольнике ABC угол C равен 77° , AD — биссектриса, угол CAD равен 31° . Найдите угол B . Ответ дайте в градусах.



Ответ: _____.

2

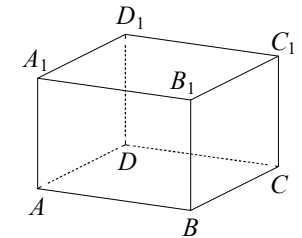
На координатной плоскости изображены векторы $\vec{a}$ и $\vec{b}$. Найдите длину вектора $\vec{a} + 2\vec{b}$.



Ответ: _____.

3

Найдите объём многогранника, вершинами которого являются точки A, A_1, B_1, D_1 прямоугольного параллелепипеда $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$, у которого $AB = 2$, $AD = 10$, $AA_1 = 9$.



Ответ: _____.

- 4 В соревнованиях по толканию ядра участвуют спортсмены из четырёх стран: 8 из Аргентины, 6 из Бразилии, 5 из Парагвая и 6 из Уругвая. Порядок, в котором выступают спортсмены, определяется жребием. Найдите вероятность того, что спортсмен, выступающий первым, окажется из Аргентины.

Ответ: _____.

- 5 При артиллерийской стрельбе автоматическая система делает выстрел по цели. Если цель не уничтожена, то система делает повторный выстрел. Выстрелы повторяются до тех пор, пока цель не будет уничтожена. Вероятность уничтожения некоторой цели при первом выстреле равна 0,2, а при каждом последующем — 0,3. Сколько выстрелов потребуется для того, чтобы вероятность уничтожения цели была не менее 0,8?

Ответ: _____.

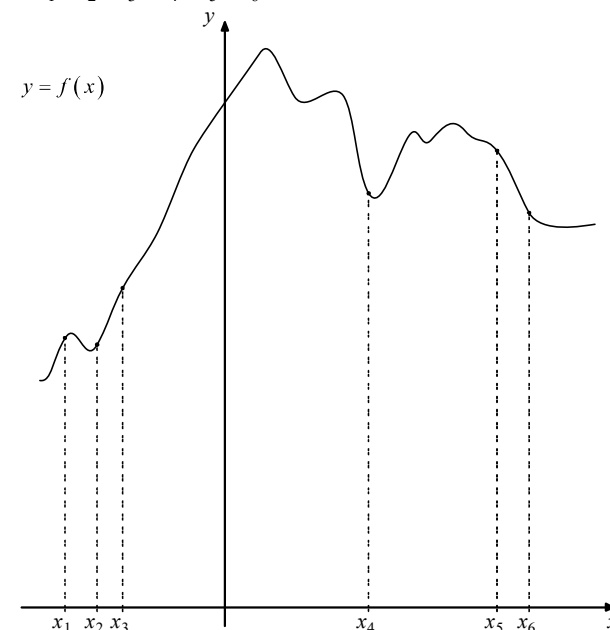
- 6 Решите уравнение $x = \frac{-3x-40}{x-16}$. Если уравнение имеет больше одного корня, в ответе запишите меньший из корней.

Ответ: _____.

- 7 Найдите значение выражения $(4a^2 - 81) \cdot \left(\frac{1}{2a-9} - \frac{1}{2a+9} \right)$ при $a = \sqrt{15\frac{7}{103}}$.

Ответ: _____.

- 8 На рисунке изображён график функции $y = f(x)$. На оси абсцисс отмечено шесть точек: $x_1, x_2, x_3, x_4, x_5, x_6$.



Сколько из отмеченных точек принадлежит промежуткам убывания функции $f(x)$?

Ответ: _____.

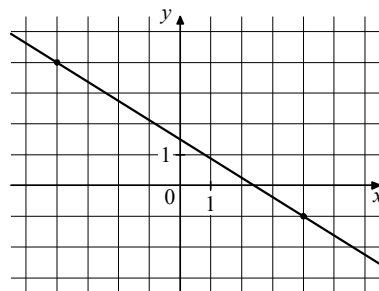
- 9 Груз массой 0,4 кг колеблется на пружине. Его скорость v меняется по закону $v = v_0 \cos \frac{2\pi t}{T}$, где t — время с момента начала колебаний, $T = 2$ с — период колебаний, $v_0 = 0,5$ м/с. Кинетическая энергия E (в джоулях) груза вычисляется по формуле $E = \frac{mv^2}{2}$, где m — масса груза в килограммах, v — скорость груза в м/с. Найдите кинетическую энергию груза через 60 секунд после начала колебаний. Ответ дайте в джоулях.

Ответ: _____.

- 10 Первый и второй насосы наполняют бассейн за 21 минуту, второй и третий — за 28 минут, а первый и третий — за 36 минут. За сколько минут эти три насоса заполнят бассейн, работая вместе?

Ответ: _____.

- 11 На рисунке изображён график функции $f(x) = kx + b$. Найдите $f(-12)$.



Ответ: _____.

- 12 Найдите наименьшее значение функции $y = \sqrt{x^2 + 6x + 73}$.

Ответ: _____.

Часть 2

Для записи решений и ответов на задания 13–19 используйте отдельный лист. Запишите сначала номер выполняемого задания (13, 14 и т. д.), а затем полное обоснованное решение и ответ. Ответы записывайте чётко и разборчиво.

- 13 а) Решите уравнение $\sin 2x = \sin\left(-\frac{\pi}{2} - x\right)$.

б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-4\pi; -\frac{5\pi}{2}\right]$.

- 14 В прямоугольном параллелепипеде $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ через середину M диагонали AC_1 проведена плоскость α перпендикулярно этой диагонали, $AB = 10$, $BC = 6$, $AA_1 = 8$.

а) Докажите, что плоскость α содержит точку D_1 .

б) Найдите отношение, в котором плоскость α делит ребро $A_1 B_1$.

- 15 Решите неравенство $x^3 - 3x^2 + \frac{12x^2 + 7x + 35}{x + 5} \geq 7$.

- 16 В июле 2024 года планируется взять кредит в банке на 8 лет. Условия его возврата таковы:
— в январе 2025, 2026, 2027 и 2028 годов долг возрастает на 24 % по сравнению с концом предыдущего года;
— в январе 2029, 2030, 2031 и 2032 годов долг возрастает на 20 % по сравнению с концом предыдущего года;
— с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;
— в июле каждого года долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на июль предыдущего года;
— к июлю 2032 года кредит должен быть полностью погашен.

Какую сумму планируется взять в кредит, если общая сумма выплат после полного его погашения составит 1827 тысяч рублей?

- 17 На стороне BC параллелограмма $ABCD$ выбрана такая точка M , что $AM = MC$.
а) Докажите, что центр вписанной в треугольник AMD окружности лежит на диагонали AC .
б) Найдите радиус вписанной в треугольник AMD окружности, если $AB = 10$, $BC = 20$, $\angle BAD = 60^\circ$.

- 18 Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение $a|x - 1| + (2 - a)|x + 1| + 4 = 0$ имеет ровно два различных корня.

- 19 Сумма цифр трёхзначного числа A равна S .
а) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1060?
б) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1061?
в) Найдите наименьшее значение произведения $A \cdot S$, если известно, что оно больше 2584.

math100.ru

**Ответы на тренировочные варианты 2310109-2310112 (профильный уровень) от
03.10.2023**

	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12
2310109	55	28	15	0,28	0,17	- 5	- 15	3	60	26	- 10	7
2310110	42	2	40	0,14	0,15	- 4	- 4	4	60	40	14	9
2310111	58	5	49	0,12	4	6	12	2	0,18	14	23	6
2310112	41	10	30	0,32	5	5	18	3	0,05	18	9	8

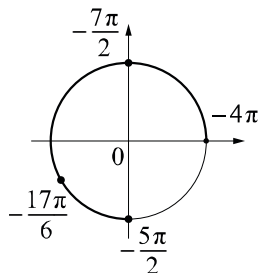
Критерии оценивания заданий с развёрнутым ответом

13

а) Решите уравнение $\sin 2x = \sin\left(-\frac{\pi}{2} - x\right)$.б) Найдите все корни этого уравнения, принадлежащие отрезку $\left[-4\pi; -\frac{5\pi}{2}\right]$.**Решение.**

а) Преобразуем исходное уравнение:

$$2\sin x \cos x = -\cos x; \quad \cos x \cdot (2\sin x + 1) = 0.$$

Значит, либо $\cos x = 0$, откуда следует, что $x = \frac{\pi}{2} + \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$, либо $\sin x = -\frac{1}{2}$,откуда следует, что $x = -\frac{\pi}{6} + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$, или $x = -\frac{5\pi}{6} + 2\pi m$, $m \in \mathbb{Z}$.б) С помощью числовой окружности отберём корни, принадлежащие отрезку $\left[-4\pi; -\frac{5\pi}{2}\right]$.Получим числа $-\frac{7\pi}{2}$; $-\frac{17\pi}{6}$; $-\frac{5\pi}{2}$.**Ответ:** а) $\frac{\pi}{2} + \pi k$, $k \in \mathbb{Z}$; $-\frac{\pi}{6} + 2\pi n$, $n \in \mathbb{Z}$; $-\frac{5\pi}{6} + 2\pi m$, $m \in \mathbb{Z}$; б) $-\frac{7\pi}{2}$; $-\frac{17\pi}{6}$; $-\frac{5\pi}{2}$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в обоих пунктах	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте а. ИЛИ Получены неверные ответы из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения обоих пунктов: пункта а и пункта б	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	2

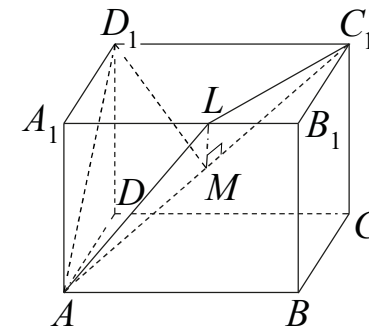
14

В прямоугольном параллелепипеде $ABCD A_1 B_1 C_1 D_1$ через середину M диагонали AC_1 проведена плоскость α перпендикулярно этой диагонали, $AB = 10$, $BC = 6$, $AA_1 = 8$.а) Докажите, что плоскость α содержит точку D_1 .б) Найдите отношение, в котором плоскость α делит ребро $A_1 B_1$.**Решение.**а) В треугольнике ADD_1 имеем

$$AD_1 = \sqrt{AD^2 + DD_1^2} = \sqrt{BC^2 + AA_1^2} = 10.$$

В треугольнике $AC_1 D_1$ стороны AD_1 и $C_1 D_1$ равны. Значит, этот треугольник равнобедренный, а его медиана $D_1 M$ является его высотой. Следовательно, точка D_1 лежит в плоскости, проходящей через точку M перпендикулярно прямой AC_1 , а такая плоскость единственная, и это плоскость α .б) Обозначим точку пересечения плоскости α и прямой $A_1 B_1$ через L . Поскольку плоскость α перпендикулярна прямой AC_1 , в треугольнике ALC_1 медиана LM является высотой. Следовательно, $AL = LC_1$.Пусть $A_1 L = x$, тогда $LB_1 = 10 - x$. В прямоугольных треугольниках $AA_1 L$ и $C_1 B_1 L$ имеем

$$AA_1^2 + A_1 L^2 = AL^2, \quad C_1 B_1^2 + B_1 L^2 = LC_1^2.$$



Следовательно,

$$AA_1^2 + A_1L^2 = C_1B_1^2 + B_1L^2; 64 + x^2 = 36 + (10 - x)^2;$$

$$x^2 + 64 = x^2 - 20x + 136; x = \frac{18}{5}.$$

Значит, $A_1L = \frac{18}{5}$, $LB_1 = \frac{32}{5}$. Таким образом, $A_1L : LB_1 = 18 : 32 = 9 : 16$.

Ответ: б) 9:16.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> , и обоснованно получен верный ответ в пункте <i>б</i>	3
Получен обоснованный ответ в пункте <i>б</i> . ИЛИ Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> , и при обоснованном решении пункта <i>б</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта <i>a</i> . ИЛИ При обоснованном решении пункта <i>б</i> получен неверный ответ из-за арифметической ошибки. ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте <i>б</i> с использованием утверждения пункта <i>a</i> , при этом пункт <i>a</i> не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
<i>Максимальный балл</i>	3

15

Решите неравенство $x^3 - 3x^2 + \frac{12x^2 + 7x + 35}{x + 5} \geq 7$.

Решение.

Преобразуем неравенство:

$$x^3 - 3x^2 + \frac{12x^2}{x+5} \geq 0; \frac{x^4 + 2x^3 - 3x^2}{x+5} \geq 0; \frac{x^2(x+3)(x-1)}{x+5} \geq 0.$$

Получаем $-5 < x \leq -3$; $x = 0$; $x \geq 1$.

Ответ: $(-5; -3]$; 0 ; $[1; +\infty)$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Обоснованно получен ответ, отличающийся от верного исключением точек – 3 и/или 1. ИЛИ Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом имеется верная последовательность всех шагов решения	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	2

16

В июле 2024 года планируется взять кредит в банке на 8 лет. Условия его возврата таковы:

- в январе 2025, 2026, 2027 и 2028 годов долг возрастает на 24 % по сравнению с концом предыдущего года;
- в январе 2029, 2030, 2031 и 2032 годов долг возрастает на 20 % по сравнению с концом предыдущего года;
- с февраля по июнь каждого года необходимо выплатить часть долга;
- в июле каждого года долг должен быть на одну и ту же величину меньше долга на июль предыдущего года;
- к июлю 2032 года кредит должен быть полностью погашен.

Какую сумму планируется взять в кредит, если общая сумма выплат после полного его погашения составит 1827 тысяч рублей?

Решение.

Пусть сумма кредита равна S тысяч рублей. По условию долг перед банком (в тыс. рублей) по состоянию на июль 2024–2032 годов должен уменьшаться до нуля следующим образом:

$$S; \frac{7S}{8}; \frac{6S}{8}; \frac{5S}{8}; \frac{4S}{8}; \frac{3S}{8}; \frac{2S}{8}; \frac{S}{8}; 0.$$

В январе каждого года с 2025 по 2028 долг возрастает на 24 %, а в январе каждого года с 2029 по 2032 — на 20 %, значит, последовательность размеров долга (в тыс. рублей) в январе 2025–2032 годов такова:

$$1,24 \cdot S; 1,24 \cdot \frac{7S}{8}; 1,24 \cdot \frac{6S}{8}; 1,24 \cdot \frac{5S}{8}; 1,2 \cdot \frac{4S}{8}; 1,2 \cdot \frac{3S}{8}; 1,2 \cdot \frac{2S}{8}; 1,2 \cdot \frac{S}{8}.$$

Следовательно, выплаты (в тыс. рублей) должны быть следующими:

$$0,24 \cdot S + \frac{S}{8}; 0,24 \cdot \frac{7S}{8} + \frac{S}{8}; 0,24 \cdot \frac{6S}{8} + \frac{S}{8}; 0,24 \cdot \frac{5S}{8} + \frac{S}{8};$$

$$0,2 \cdot \frac{4S}{8} + \frac{S}{8}; 0,2 \cdot \frac{3S}{8} + \frac{S}{8}; 0,2 \cdot \frac{2S}{8} + \frac{S}{8}; 0,2 \cdot \frac{S}{8} + \frac{S}{8}.$$

Значит, общая сумма выплат (в тыс. рублей) составит

$$0,24 \cdot \left(S + \frac{7S}{8} + \frac{6S}{8} + \frac{5S}{8} \right) + 0,2 \cdot \left(\frac{4S}{8} + \frac{3S}{8} + \frac{2S}{8} + \frac{S}{8} \right) + 8 \cdot \frac{S}{8} =$$

$$= 0,24 \cdot \frac{13S}{4} + 0,2 \cdot \frac{5S}{4} + S = 2,03S,$$

следовательно, $2,03S = 1827$; $S = 900$.

Значит, сумма, взятая в кредит, равна 900 тысяч рублей.

Ответ: 900 тысяч рублей.

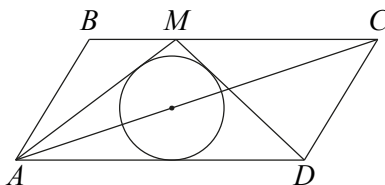
Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	2
Верно построена математическая модель	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	2

- 17** На стороне BC параллелограмма $ABCD$ выбрана такая точка M , что $AM = MC$.
- а) Докажите, что центр вписанной в треугольник AMD окружности лежит на диагонали AC .
- б) Найдите радиус вписанной в треугольник AMD окружности, если $AB = 10$, $BC = 20$, $\angle BAD = 60^\circ$.

Решение.

а) Треугольник AMC равнобедренный, следовательно, $\angle MAC = \angle MCA$.

Прямые AD и BC параллельны, следовательно, накрест лежащие углы BCA и CAD при секущей AC равны.



Получаем, что $\angle MAC = \angle MCA = \angle CAD$, а значит, луч AC является биссектрисой угла MAD , на которой лежит центр вписанной в треугольник AMD окружности.

б) Обозначим $AM = MC$ через x , тогда $BM = 20 - x$. По теореме косинусов в треугольнике ABM имеем

$$AM^2 = AB^2 + BM^2 - 2AB \cdot BM \cdot \cos 120^\circ; x^2 = 100 + (20 - x)^2 + 10(20 - x),$$

откуда следует, что $x = 14$.

По теореме косинусов в треугольнике CMD , в котором $\angle MCD = 60^\circ$,

$$MD = \sqrt{MC^2 + CD^2 - MC \cdot CD} = 2\sqrt{39}.$$

Треугольник AMD и параллелограмм $ABCD$ имеют общую высоту, равную расстоянию между прямыми AD и BC , и общую сторону AD , перпендикулярную этой высоте. Значит, площадь треугольника AMD равна половине площади параллелограмма $ABCD$:

$$S_{AMD} = \frac{AB \cdot AD \cdot \sin \angle BAD}{2} = 50\sqrt{3}.$$

С другой стороны, площадь треугольника AMD равна половине произведения его периметра на радиус вписанной окружности. Отсюда найдём радиус r вписанной в треугольник AMD окружности:

$$r = \frac{2S_{AMD}}{AM + MD + AD} = \frac{100\sqrt{3}}{14 + 2\sqrt{39} + 20} = \frac{50\sqrt{3}}{17 + \sqrt{39}} = \frac{17\sqrt{3} - 3\sqrt{13}}{5}.$$

Ответ: б) $\frac{17\sqrt{3} - 3\sqrt{13}}{5}$.

Содержание критерия	Баллы
Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и обоснованно получен верный ответ в пункте b	3
Получен обоснованный ответ в пункте b . ИЛИ Имеется верное доказательство утверждения пункта a , и при обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки	2
Имеется верное доказательство утверждения пункта a . ИЛИ При обоснованном решении пункта b получен неверный ответ из-за арифметической ошибки. ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте b с использованием утверждения пункта a , при этом пункт a не выполнен	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, приведённых выше	0
Максимальный балл	3

- 18** Найдите все значения a , при каждом из которых уравнение

$$a|x-1| + (2-a)|x+1| + 4 = 0$$

имеет ровно два различных корня.

Решение.

При $x < -1$ уравнение принимает вид $-2x + 2 + 2a = 0$, откуда находим $x = a + 1$. Корень $x = a + 1$ удовлетворяет неравенству $x < -1$ при $a + 1 < -1$, откуда получаем $a < -2$.

При $-1 \leq x \leq 1$ уравнение принимает вид $(1-a)x + 3 = 0$. При $a = 1$ это уравнение не имеет корней, а при $a \neq 1$ оно имеет единственный корень $x = \frac{3}{a-1}$. Корень $x = \frac{3}{a-1}$ принадлежит отрезку $[-1; 1]$ при $-1 \leq \frac{3}{a-1} \leq 1$, откуда получаем

$$\begin{cases} \frac{3}{a-1} \geq -1, \\ \frac{3}{a-1} \leq 1; \end{cases} \begin{cases} \frac{a+2}{a-1} \geq 0, \\ \frac{4-a}{a-1} \leq 0; \end{cases} \begin{cases} \frac{a+2}{a-1} \geq 0, \\ \frac{a-4}{a-1} \geq 0. \end{cases}$$

Следовательно, уравнение $(1-a)x+3=0$ имеет корень на отрезке $[-1; 1]$ при $a \leq -2$ и $a \geq 4$.

При $x > 1$ уравнение принимает вид $x-a+3=0$, откуда находим $x=a-3$. Корень $x=a-3$ удовлетворяет неравенству $x > 1$ при $a-3 > 1$, откуда получаем $a > 4$.

Таким образом, исходное уравнение имеет ровно два различных корня при $a < -2$ и $a > 4$.

Ответ: $a < -2$; $a > 4$.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получен верный ответ	4
С помощью верного рассуждения получено множество значений a , отличающееся от искомого только включением точек $a = -2$ и/или $a = 4$	3
Верно раскрыты модули в исходном уравнении. Задача сведена к исследованию принадлежности корней соответствующим промежуткам в зависимости от значений a , и хотя бы два случая исследованы верно, при этом исследовано количество корней исходного уравнения при $a = 1$. ИЛИ Получен неверный ответ из-за вычислительной ошибки, но при этом верно выполнены все шаги решения	2
Верно раскрыты модули в исходном уравнении, задача сведена к исследованию принадлежности корней соответствующим промежуткам в зависимости от значений a , и хотя бы один из случаев исследован верно	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
<i>Максимальный балл</i>	4

- 19** Сумма цифр трёхзначного числа A равна S .
а) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1060?
б) Может ли произведение $A \cdot S$ быть равно 1061?
в) Найдите наименьшее значение произведения $A \cdot S$, если известно, что оно больше 2584.

Решение.

а) Сумма цифр числа 212 равна 5. Таким образом, произведение этого числа и суммы его цифр равно 1060.

б) Заметим, что сумма цифр числа имеет такой же остаток при делении на 3, как и само число. Следовательно, если число A делится на 3, то $A \cdot S$ делится на 3. Если число A не делится на 3, то $A \cdot S$ даёт остаток 1 при делении на 3. Число 1061 даёт остаток 2 при делении на 3, значит, оно не может быть равно произведению $A \cdot S$.

в) Заметим, что сумма цифр числа имеет такой же остаток при делении на 9, как и само число. Следовательно, $A \cdot S$ даёт такой же остаток при делении на 9, как и S^2 . Пусть $S = 9k + r$, где $0 \leq r \leq 8$. Тогда

$$S^2 = 81k^2 + 18kr + r^2 = 9(9k^2 + 2kr) + r^2,$$

то есть остаток от деления S^2 на 9 совпадает с остатком от деления r^2 на 9. Этот остаток может быть равен 0; 1; 4 или 7, поскольку r^2 принимает значения 0; 1; 4; 9; 16; 25; 36; 49; 64. Таким образом, остаток от деления произведения $A \cdot S$ на 9 может быть равен 0; 1; 4 или 7.

Будем последовательно рассматривать числа, большие 2584, для которых остаток от деления на 9 равен 0; 1; 4 или 7.

Число 2587 даёт остаток 4 при делении на 9. Это число раскладывается в произведение простых множителей следующим образом: $2587 = 13 \cdot 199$, а значит, его можно представить в виде произведения трёхзначного числа на какое-то другое число только следующим способом:

$$2587 = 13 \cdot 199.$$

В этом случае первый множитель не равен сумме цифр второго множителя. Число 2590 даёт остаток 7 при делении на 9. Это число раскладывается в произведение простых множителей следующим образом: $2590 = 2 \cdot 5 \cdot 7 \cdot 37$, а значит, его можно представить в виде произведения трёхзначного числа на какое-то другое число следующими способами:

$$2590 = 14 \cdot 185 = 10 \cdot 259 = 7 \cdot 370 = 5 \cdot 518.$$

Сумма цифр трёхзначного числа $A = 185$ равна 14. Следовательно, для этого числа $A \cdot S = 2590$.

Таким образом, наименьшее значение произведения $A \cdot S$, большее 2584, равно 2590.

Ответ: а) да; б) нет; в) 2590.

Содержание критерия	Баллы
Обоснованно получены верные ответы в пунктах a , b и c	4
Обоснованно получен верный ответ в пункте c , и обоснованно получен верный ответ в пункте a или b	3
Обоснованно получены верные ответы в пунктах a и b . ИЛИ Обоснованно получен верный ответ в пункте c	2
Обоснованно получен верный ответ в пункте a или b	1
Решение не соответствует ни одному из критериев, перечисленных выше	0
Максимальный балл	4